



Titre : Estimations du spectre discret des opérateurs définis par matrices infinies non-bornées

Directeur de thèse : Lech Zielinski

E-mail : zielinski@impa.univ-littoral.fr

Co-directeur de thèse :

E-mail :

Laboratoire : LMPA EA2597, ULCO, Calais

Equipe de recherche : Analyse

Descriptif :

Le sujet de cette thèse est motivé par les différents modèles physiques et applications en théorie des équations différentiels. Il s'agit des certaines classes de matrices infinies qui définissent une application linéaire qui est diagonale dans une base orthogonale et dont les valeurs propres forment une suite qui tend vers l'infini.

La référence [3] donne des exemples en provenance de la théorie des équations différentiels et propose des estimations valables pour un nombre fini de valeurs propres. Dans le cas de modèles de la physique quantique les valeurs propres correspondent aux niveaux d'énergie de l'hamiltonien qui contient des paramètres physiques. Il est alors important d'obtenir des renseignements sur ces paramètres en connaissant les niveaux d'énergies qui peuvent être mesurés expérimentalement et l'approche utilisée est basée sur l'étude asymptotique de hauts niveaux d'énergies.

Un exemple fondamental de l'optique quantique est donné par le modèle de Jaynes-Cummings qui décrit l'interaction entre un atome à deux niveaux et un mode du champ électromagnétique. Ce modèle a été étudié dans les travaux [1] et [4], mais les estimations obtenues sont bien plus faibles que certains résultats justifiés par des arguments physiques et numériques (décrits par exemple dans l'article [2]).

Références :

[1] A. Boutet de Monvel, S. Naboko, L. O. Silva, The asymptotic behaviour of eigenvalues of a modified Jaynes-Cummings model, *Asympt. Analysis*. 47 (2006), 3-4, p. 291-315.

[2] I. D. Feranchuk, I. I. Komarov, A.P. Ulyanenkov, Two-level system in a one-mode quantum field: numerical solution on the basis of the operator method, *J. Phys. A: Math. Gen.* Vol. 29 (1996), 4035-4047

[3] H. Volkmer , Estimates for Rayleigh-Ritz Approximations of Eigenvalues and Eigenfunctions of the Mathieu and Spheroidal Wave Equation , *Constr. Approx.* (2004) 20, p. 39-54

[4] E. A. Yanovich, Asymptotics of Eigenvalues of an Energy Operator in a Problem of Quantum Physics. In: Janas J., Kurasov P., Laptev A., Naboko S. (eds) *Operator Methods in Mathematical Physics. Operator Theory: Advances and Applications*, vol 227 (2013), Birkhäuser, Basel

Prérequis :

Bonne connaissance de notions de l'analyse comme la transformée de Fourier, applications linéaires continues et compactes, espaces de Hilbert

